

سوالات درس: ریاضیات گسسته		باسمه تعالی اداره کل آموزش و پرورش مدیریت آموزش و پرورش ناحیه	وقت آزمون :
نام و نام خانوادگی :			ساعت برگزاری:
نام پدر :			تاریخ امتحان :
ردیف	بارم		
۱	۱,۵		کدام یک از عبارات زیر درست و کدام یک نادرست است؟ در صورت درست بودن آن را ثابت کنید و در صورت نادرست بودن یک مثال نقض پیدا کنید. الف) (به ازای هر عدد طبیعی n ، عدد $3^n + 4$ ، عددی اول است. ب) حاصل ضرب هر دو عدد طبیعی متوالی همواره بر ۲ بخش پذیر است.
۲	۱,۵		اگر α و β دو عدد گنگ باشند و $\alpha + \beta$ و $2\alpha + \beta$ گویا باشد، ثابت کنید $\alpha - \beta$ گنگ هستند.
۳	۱,۵		اگر x و y دو عدد حقیقی مثبت باشند، ثابت کنید: $\frac{1}{x} + \frac{1}{y} \geq \frac{4}{x + y}$
۴	۱,۵		اگر a و b و c و d اعداد صحیح باشند، ثابت کنید: $a b \wedge c d \rightarrow ac bd$

۵	اگر $a > 1$ عددی صحیح و دو عدد $3m + 5$ و $7m + 4$ بر a بخش پذیر باشند مقدار a را بیابید.	۱,۵
۶	باقی مانده تقسیم a بر ۵ و ۹ به ترتیب برابر ۳ و ۴ است. باقی مانده تقسیم a بر ۴۵ را بدست آورید.	۱,۵
۷	ثابت کنید اگر $(a, b) = 1$ آن گاه $(3a + 5b, a + 2b) = 1$.	۱
«سربلند و پیروز باشید.» جمع نمرات		