

ریاضی پایه + دوازدهم

جمع بندی تابع

۱- اگر $f(x) = \sqrt{x + |x + 2|}$ باشد، دامنه تابع $f(-x)$ کدام است؟

$$x \geq -1 \quad (۲)$$

$$x \leq -1 \quad (۱)$$

$$x \geq 1 \quad (۴)$$

$$x \leq 1 \quad (۳)$$

۲- در تابع با ضابطه $f(x) = x^2 - 2[x]$ مقدار $f(-\frac{1}{2}f(\sqrt{3}))$

کدام است؟

۲/۷۵ (۴)

۲/۵ (۳)

۲/۲۵ (۲)

۱/۷۵ (۱)

۳- نمودار تابع با ضابطه $y = x^2 - 3x - 10$ را حداقل چند واحد به طرف x های مثبت انتقال دهیم تا طول نقاط تلاقی نمودار حاصل با محور x ها غیر منفی باشد؟

۱/۵ (۲)

۱ (۱)

۳ (۴)

۲ (۳)

۴- نمودار دو تابع $f(x) = 3^{ax+b}$ و $g(x) = \left(\frac{1}{9}\right)^x$ ، در نقطه ای به

طول ۱- متقاطع هستند. اگر $f(2) = \frac{1}{3}$ باشد؛ مقدار $f^{-1}(27)$ کدام گزینه

می باشد؟

۳ (۴

۱ (۳

-۲ (۲

-۳ (۱

۵- اگر دو خط به معادلات $ax + by = 8$ و $2x - 3y = b$ نسبت به

نیمساز ربع اول متقارن باشند، $a + b$ کدام است؟

- (۱) ± 3 (۲) ± 2 (۳) $2, -3$ (۴) $-2, 3$

۶- اگر $f(x) = x + \sqrt{x}$ ، $g = \{(1, 2), (5, 4), (6, 5), (2, 3)\}$ و $g(f(a)) = 5$

باشد، عدد a کدام است؟

۲ (۴)

۳ (۳)

۴ (۲)

۱ (۱)

۷- اگر $g(x) = 2x - 1$ و $(f \circ g)(x) = \frac{x}{x-3}$ ، مقدار $f(3)$

کدام است؟

۴ (۴)

-۲ (۳)

۲ (۲)

-۴ (۱)

۸- اگر $g(x) = 2x + 1$ و $(fog)(x) = 8x^2 + 6x + 5$ باشند،

تابع $f(x)$ برابر کدام است؟

(۲) $2x^2 - 2x + 3$

(۱) $2x^2 + 3x + 1$

(۴) $2x^2 + x + 3$

(۳) $2x^2 - x + 4$

۹- نمودار تابع $y = x^2 - x - 3$ را ۲ واحد به طرف x های منفی و سپس

۹ واحد به طرف y های منفی انتقال می دهیم. نمودار جدید، در کدام بازه،

زیر محور x ها است؟

(۱) $(-5, 2)$ (۲) $(-5, 3)$ (۳) $(-2, 3)$ (۴) $(-2, 5)$

۱۰- اگر $f(x) = \sqrt{x + |x + 2|}$ باشد، دامنه تابع $f(-x)$ کدام است؟

$$x \geq -1 \quad (۲)$$

$$x \leq -1 \quad (۱)$$

$$x \geq 1 \quad (۴)$$

$$x \leq 1 \quad (۳)$$

۱۱- اگر $f(x) = 1 - \left(\frac{1}{2}\right)^x$ باشد، دامنه تابع $y = \sqrt{x \cdot f(x)}$

کدام بازه است؟

- (۱) $[-1, 1]$ (۲) $(-\infty, 0)$ (۳) $(-\infty, +\infty)$ (۴) $(0, +\infty)$

۱۲- تابع $f(x) = x^2 + 2x + 1$ با دامنه $(-1, +\infty)$ مفروض است.

نمودارهای دو تابع f و f^{-1} در چند نقطه متقاطع اند؟

۴) غیرمتقاطع

۳) ۳

۲) ۲

۱) ۱

۱۳- اگر $f(x) = \frac{x}{\sqrt{1+x^2}}$ باشد، ضابطه تابع $f^{-1}(\sin x)$ کدام است؟

$$\cot x \quad (۲)$$

$$\tan x \quad (۱)$$

$$\frac{\sin x}{|\cos x|} \quad (۴)$$

$$\frac{|\cos x|}{\sin x} \quad (۳)$$

۱۴- دو تابع با ضابطه های

$$f(x) = \begin{cases} \sqrt{x} & x \geq 0 \\ -\sqrt{-x} & x < 0 \end{cases} \text{ و } g = \{(2, -1), (-1, 4), (3, -2), (-4, 3)\}$$

مفروض اند. اگر $g^{-1}(f(a)) = 3$ باشد، a کدام است؟

۴ (۴)

۲ (۳)

-۱ (۲)

-۴ (۱)

۱۵- اگر $f(x) = \frac{1}{2}(x + \sqrt{x^2 + 4})$ باشد، حاصل $f^{-1}(x) + f^{-1}(\frac{1}{x})$

کدام است؟

(۴) صفر

(۳) $x^2 - 1$

(۲) $\frac{2}{x}$

(۱) $2x$